

## Mathématiques | Degré secondaire II | Première année scolaire post-obligatoire | Corrigés des exercices

Énoncés des exercices “Équations et inéquations qui se ramènent au deuxième degré”

[https://www.deleze.name/marcel/sec2/ex-corriges/1/eq\\_ineq-deg\\_2.pdf](https://www.deleze.name/marcel/sec2/ex-corriges/1/eq_ineq-deg_2.pdf)

### Equations et inéquations qui se ramènent au deuxième degré

#### Corrigé de l'exercice 1

$$\begin{aligned}x^5 + x^3 - 12x = 0 &\Leftrightarrow x(x^4 + x^2 - 12) = 0 \\x = 0 &\quad \text{ou} \quad (t = x^2 \text{ et } t^4 + t^2 - 12 = 0) \\x = 0 &\quad \text{ou} \quad \Delta = 49, \quad t_1 = -4, \quad t_2 = 3 \quad \text{où } t = x^2 \\x = 0 &\quad \text{ou} \quad x^2 = -4 \text{ ou } x^2 = 3 \\x = 0 &\quad \text{ou} \quad (\text{pas de solution ou}) \quad x = -\sqrt{3} \quad \text{ou} \quad x = \sqrt{3}\end{aligned}$$

$$S = \{-\sqrt{3}; 0; \sqrt{3}\}$$

#### Corrigé de l'exercice 2

$$\begin{aligned}\frac{x+2}{x-2} - \frac{8}{3x+12} &= \frac{x^2}{x^2 + 2x - 8} \\ \frac{x+2}{x-2} - \frac{8}{3x+12} - \frac{x^2}{(x-2)(x+4)} &= 0\end{aligned}$$

Ensemble de définition  $D = \mathbb{R} \setminus \{-4; 2\}$ .

$$\begin{aligned}\frac{3(x+2)(x+4) - 8(x-2) - 3x^2}{3(x-2)(x+4)} &= 0 \\ \frac{3x^2 + 18x + 24 - 8x + 16 - 3x^2}{3(x-2)(x+4)} &= 0 \\ \frac{10x + 40}{3(x-2)(x+4)} &= 0 \\ 10(x+4) &= 0\end{aligned}$$

Candidat  $x = -4$ . Condition  $x \in D$ . Ensemble des solutions  $S = \emptyset$ .

#### Corrigé de l'exercice 3 a)

$$\begin{aligned}\frac{5x-13}{4(x-3)} - \frac{2}{(x-3)(x+1)} &= 0 \\ \frac{(5x-13)(x+1) - 8}{4(x-3)(x+1)} &= 0 \\ \frac{5x^2 - 8x - 21}{(x-3)(x+1)} &= 0 \\ 5x^2 - 8x - 21 = 0 &\quad \text{et} \quad (x \neq 3 \text{ et } x \neq -1)\end{aligned}$$

$$\Delta = 484, \quad x_1 = -\frac{7}{5} \approx -1.4, \quad x_2 = 3 \quad \text{et} \quad (x \neq 3 \text{ et } x \neq -1)$$

$$S = \left\{-\frac{7}{5}\right\}$$

### Corrigé de l'exercice 3 b)

$$x^4 - 4x^2 - 5 = 0 \quad \text{équation bicarrée}$$

$$t = x^2 \quad \text{et} \quad t^2 - 4t - 5 = 0$$

$$\Delta = 36, \quad t_1 = -1, \quad t_2 = 5 \quad \text{où} \quad t = x^2$$

$$x^2 = -1 \quad \text{ou} \quad x^2 = 5$$

pas de solution ou  $x = \pm \sqrt{5}$

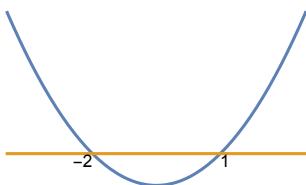
$$S = \{-\sqrt{5}, \sqrt{5}\}$$

### Corrigé de l'exercice 4 a)

$$x^2 \geq 2 - x$$

$$x^2 + x - 2 \geq 0$$

$$\Delta = 9, \quad x_1 = -2, \quad x_2 = 1$$



$x$	$-\infty$	$-2$	$1$	$\infty$
$Sign(x^2 + x - 2)$	+	0	0	+

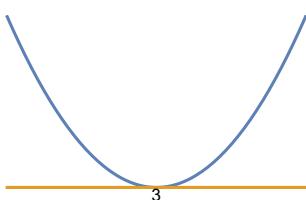
$$S = ] -\infty; -2] \cup [1; \infty[$$

### Corrigé de l'exercice 4 b)

$$6x \geq x^2 + 9$$

$$x^2 - 6x + 9 \leq 0$$

$$\Delta = 0, \quad x_1 = x_2 = 3$$



$x$	$-\infty$	$3$	$\infty$
$Sign(x^2 - 6x + 9)$	+	0	+

$$S = \{3\}$$

## Corrigé de l'exercice 5

$$x^5 \leq 4x$$

$$x^5 - 4x \leq 0$$

$$x(x^4 - 4) \leq 0$$

$$x(x^2 - 2)(x^2 + 2) \leq 0$$

$x$	$-\sqrt{2}$	$0$	$\sqrt{2}$
$x$	-	-	+
$x^2 - 2$	+	0	-
$x^2 + 2$	+	+	+
$f(x)$	-	0	-

$$S = ] -\infty; -\sqrt{2}] \cup [0; \sqrt{2}]$$

## Corrigé de l'exercice 6

Résoudre l'inéquation

$$\begin{aligned} \frac{x+3}{x+2} - \frac{x+2}{3x+9} &\leq \frac{x^2-3}{x^2+5x+6} \\ \frac{x+3}{x+2} - \frac{x+2}{3(x+3)} - \frac{x^2-3}{(x+2)(x+3)} &\leq 0 \\ \frac{(x+3)(3x+9) - (x+2)^2 - 3(x^2-3)}{3(x+2)(x+3)} &\leq 0 \\ \frac{3x^2 + 9x + 9x + 27 - x^2 - 4x - 4 - 3x^2 + 9}{3(x+2)(x+3)} &\leq 0 \\ \frac{-x^2 + 14x + 32}{3(x+2)(x+3)} &\leq 0 \end{aligned}$$

$x$	$-3$	$-2$	$16$
$-x^2 + 14x + 32$	-	-	0
$3(x+2)(x+3)$	+	0	-
$f(x)$	-		+

$$S = ] -\infty; -3[ \cup [16; \infty[$$

Lien vers la page mère “Exercices corrigés”

<https://www.delete.name/marcel/sec2/ex-corriges/index.html>