Degré secondaire II, troisième année post-obligatoire

# Exercices sur les cercles, avec corrigés au moyen d'un calculateur pour la géométrie analytique plane

#### Exercice 1

On donne la droite d d'équation 3x-2y-6=0 et le point A(4; 3).

Calculer l'équation du cercle c qui passe par le point P(-2; 1) et qui est tangent à d en A.

Représenter graphiquement la situation.

Calculateur pour l'exercice 1

Corrigé de l'exercice 1

### Exercice 2

On donne la droite d d'équation x-y+2=0.

Déterminer les équations des cercles de rayon 6 qui ont leurs centres sur d et qui passent par le point R(3; 0).

Représenter graphiquement la situation.

Calculateur pour l'exercice 2

Corrigé de l'exercice 2

### Exercice 3

D'un triangle rectangle ABC, on sait que

- l'angle droit se trouve en A;
- les coordonnées de B et C sont B(0, -2), C(1, 5);
- la mesure du côté AC est 6.

Calculer les coordonnées du sommet A.

Représenter graphiquement la situation.

Calculateur pour l'exercice 3

Corrigé de l'exercice 3

#### **Exercice 4**

On donne trois droites d'équations

```
e: 10x-4y+53=0

f: -4x+10y-47=0

g: -4x+10y+11=0
```

- a) Parmi les cercles tangents aux trois droites, déterminer l'équation de celui dont l'abscisse du centre est la plus grande.
- b) Déterminer l'équation de la droite h telle que les 4 droites e, f, g, h délimitent un trapèze isocèle admettant le cercle trouvé en a) comme cercle inscrit.

Représenter graphiquement la situation.

Calculateur pour l'exercice 4

Corrigé de l'exercice 4

## **Exercice 5**

On donne la droite f d'équation 4x-3y+18=0 et le cercle g de centre Z(5, 3) de rayon 2.

Déterminer les équations des droites qui sont perpendiculaires à f et tangentes à g.

Représenter graphiquement la situation.

Calculateur pour l'exercice 5

Corrigé de l'exercice 5

Géométrie analytique plane : exercices sur les cercles

#### Exercice 6

On donne les droites

Déterminer les équations des cercles qui sont tangents à e et f, et dont le centre appartient à g. Représenter graphiquement la situation.

Calculateur pour l'exercice 6

Corrigé de l'exercice 6

#### Exercice 7

On donne le point A(-6, 7) et le cercle c d'équation  $x^2 + y^2 - 8x + 10y - 128 = 0$ .

Déterminer les équations des droites qui passent par A sur lesquelles le cercle c découpe une corde de longueur 10.

Représenter graphiquement la situation.

Calculateur pour l'exercice 7

Corrigé de l'exercice 7

## **Exercice 8**

On donne le cercle c d'équation  $x^2 + y^2 - 20 x - 12 y + 123 = 0$  et la droite d d'équation 2 x + 3 y - 12 = 0.

Déterminer l'équation du plus petit cercle tangent à c et d.

Représenter graphiquement la situation.

Calculateur pour l'exercice 8

Corrigé de l'exercice 8

#### Exercice 9

Les droites

```
e d'équation x + 2y - 12 = 0
f d'équation 2x + y - 6 = 0
g d'équation y = 0
```

définissent un triangle. Déterminer l'équation du cercle circonscrit à ce triangle.

Représenter graphiquement la situation.

Calculateur pour l'exercice 9

Corrigé de l'exercice 9

#### Exercice 10

Les droites

```
e d'équation x + 2y - 12 = 0
f d'équation 2x + y - 6 = 0
g d'équation -x + 2y + 6 = 0
```

définissent un triangle. Déterminer l'équation du cercle inscrit dans ce triangle.

Représenter graphiquement la situation.

Calculateur pour l'exercice 10

Corrigé de l'exercice 10

Géométrie analytique plane : exercices sur les cercles

#### **Exercice 11**

On donne le cercle c d'équation  $(x+4)^2 + (y-2)^2 = 25$  et les deux points A(7, 0), B(5, 14).

Déterminer les équations des cercles qui passent par A et B et ont leur centre sur c.

Représenter graphiquement la situation.

Calculateur pour l'exercice 11

Corrigé de l'exercice 11

#### Exercice 12

On donne les deux points A(0, 2), B(6, -1).

Déterminer les équations des cercles de rayon 9/2 qui passent par A et B.

Représenter graphiquement la situation.

Calculateur pour l'exercice 12

Corrigé de l'exercice 12

#### Exercice 13

On donne la droite d d'équation 2x+3y=0, la droite e d'équation 2x+y-8=0 et le nombre  $r = \frac{12}{\sqrt{13}}$ .

Déterminer les équations des cercles ayant les trois propriétés suivantes:

- le centre Z est sur e;
- le rayon vaut *r*;
- *d* est tangente au cercle.

Calculateur pour l'exercice 13

Corrigé de l'exercice 13

# Exercice 14

D'un triangle rectangle, on sait que

- O(0, 0) est un sommet;
- l'hypoténuse est portée par l'axe des abscisses;
- le cercle inscrit a comme centre Z(8, 4).

Déterminer les équations des deux autres côtés du triangle rectangle.

Calculateur pour l'exercice 14

Corrigé de l'exercice 14

## **Exercice 15** [hors programme]

On donne le cercle c de centre Z(-3, -2) passant par A(4, -3) et B(-4, 5).

Dans le secteur AZB, on inscrit un cercle dont on demande calculer le centre.

Calculateur pour l'exercice 15, méthode de la fausse supposition

Corrigé de l'exercice 15, méthode de la fausse supposition

# **Exercice 16** [hors programme]

On donne les cercles a d'équation  $x^2 + y^2 - 6x - 10y + 18 = 0$ 

et *b* d'équation  $x^2 + y^2 + 6x + 4y + 12 = 0$ .

Déterminer les points d'intersection des tangentes communes aux deux cercles.

Calculateur pour l'exercice 16, méthode des homothéties

Corrigé de l'exercice 16, méthode des homothéties

Calculateur pour l'exercice 16, méthode des cercles auxiliaires

Corrigé de l'exercice 16, méthode des cercles auxiliaires

Géométrie analytique plane : exercices sur les cercles

Lien hypertexte vers le calculateur :

 $\underline{https://www.deleze.name/marcel/sec2/GA/2D/ga2d.html}$