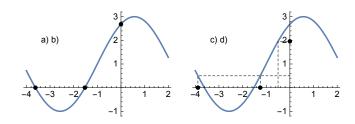
Fonctions I - Corrigés

Énoncés des exercices « Fonctions I »

www.deleze.name/marcel/sec2/ex-corriges/1/fonctions.pdf

Exercice 1

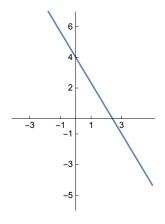


- a) $f(0) \approx 2.7$ est l'ordonnée à l'origine de la fonction f.
- b) $Z_f = \{x_1, x_2\}$ où $x_1 \approx -3.6$ et $x_2 \approx -1.5$. Il s'agit de l'ensemble des zéros de f.
- c) $f(-\frac{1}{2}) \approx 2$ est l'image de $-\frac{1}{2}$ par la fonction f.
- d) $S=\{d_1,d_2\}$ où $d_1\approx -3.9$ et $d_2\approx -1.25$ est l'ensemble des antécédents de $\frac{1}{2}$ par f.

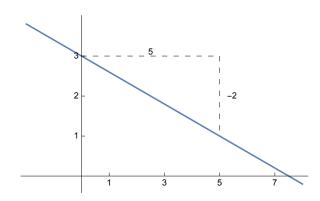
Exercice 2

a)
$$f(x) = \frac{12-5x}{3}$$
, $f(0) = 4$, $f(3) = -1$

$$f(0) = 4, \qquad f(3) = -1$$



b)
$$f(0) = 3$$
, $f(5) = 1$



Exercice 3

a) Expression analytique de la fonction affine dont le graphe passe par les points $A\left(\frac{3}{5}; \frac{7}{3}\right)$ et $B\left(\frac{5}{2}; -1\right)$.

$$\Delta x = \frac{5}{2} - \frac{3}{5} = \frac{25 - 6}{10} = \frac{19}{10}$$

$$\Delta y = -1 - \frac{7}{3} = \frac{-3 - 7}{3} = -\frac{10}{3}$$

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = -\frac{10}{3} \cdot \frac{10}{19} = -\frac{100}{57} \simeq -1.7544$$

$$f(x) = -\frac{100}{57} x + h$$

$$\frac{7}{3} = -\frac{100}{57} \cdot \frac{3}{5} + h$$

$$h = \frac{7}{3} + \frac{60}{57} = \frac{7 \cdot 19 + 60}{57} = \frac{193}{57} \simeq 3.3860$$

$$f(x) = -\frac{100}{57} x + \frac{193}{57}$$

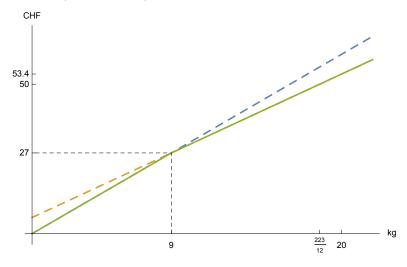
- b) Ordonnée à l'origine $\frac{193}{57}$. Coordonnées du point d'intersection $(0; \frac{193}{57})$.
- c) Abscisse du point d'intersection de la droite avec l'axe des $\,x\,$ (ou zéro de la fonction) :

$$0 = -\frac{100}{57}x + \frac{193}{57} \iff x = \frac{193}{57} \cdot \frac{57}{100} = \frac{193}{100} = 1.93$$

Coordonnées du point d'intersection $(\frac{193}{100}; 0)$.

Exercice 4

a) Sur l'intervalle [0 kg, 9 kg], le "prix en fonction du poids" est une fonction linéaire; le graphique est un segment. Pour les poids supérieurs à 9 kg, la fonction est affine; le graphique est une demi-droite. f(20) = 53.4 Le raccord entre les deux parties, en 9 kg, est continu (pas de saut).



b) Formules

$$f(x) = \begin{cases} 3x & \text{si } 0 \le x \le 9\\ 27 + \frac{12}{5}(x - 9) & \text{si } x > 9 \end{cases}$$
$$f(x) = \begin{cases} 3x & \text{si } 0 \le x \le 9\\ \frac{12}{5}x + \frac{27}{5} & \text{si } x > 9 \end{cases}$$

c) Pour des montants supérieurs à 27 francs, on utilise la formule pour x>9

$$27 + \frac{12}{5}(x - 9) = 50 \iff \frac{12}{5}x + \frac{27}{5} = 50$$

$$12x + 27 = 250 \iff x = \frac{223}{12} \simeq 18.5833 \text{ [kg]}$$

Lien vers la page mère : Exercices avec corrigés sur www.deleze.name

www.deleze.name/marcel/sec2/ex-corriges/index.html

Marcel Délèze