

SUDOKU, ensemble des solutions

■ Entrée des données

Grille vierge (à recopier sur la grille "donnee" pour entrer une nouvelle grille):

```
□ □ □ □ □ □ □ □ □
□ □ □ □ □ □ □ □ □
□ □ □ □ □ □ □ □ □
□ □ □ □ □ □ □ □ □
□ □ □ □ □ □ □ □ □ ;
□ □ □ □ □ □ □ □ □
□ □ □ □ □ □ □ □ □
□ □ □ □ □ □ □ □ □
□ □ □ □ □ □ □ □ □
```

Grille de données (à remplir):

```
□ □ □ 9 □ □ □ □ 6
□ □ □ 7 □ □ □ □ 1
□ □ 5 □ 2 8 3 □ □
□ 9 8 1 □ □ □ □ □
donnee = □ 7 □ □ □ □ □ 3 □ ;
□ □ □ □ □ 4 9 8 □
□ □ 3 5 4 □ 6 □ □
1 □ □ □ □ 3 □ □ □
2 □ □ □ □ 9 □ □ □
```

Représentation interne des grilles:

```
donnee = Apply[ sdk, donnee /. {□ → Null} ]
sdk[{Null, Null, Null, 9, Null, Null, Null, Null, 6}, {Null, Null, Null, 7, Null, Null, Null, Null, 1}, {Null, Null, 5, Null, 2, 8, 3, Null, Null},
{Null, 9, 8, 1, Null, Null, Null, Null, Null}, {Null, 7, Null, Null, Null, Null, Null, 3, Null}, {Null, Null, Null, Null, Null, 4, 9, 8, Null},
{Null, Null, 3, 5, 4, Null, 6, Null, Null}, {1, Null, Null, Null, Null, 3, Null, Null, Null}, {2, Null, Null, Null, Null, 9, Null, Null, Null}]
```

Affichage d'une grille:

```
affiche[grille_sdk] := FrameBox[GridBox[Apply[List, grille] /. {Null -> "."}, RowLines -> {False, False, True, False, False, True, False, False},
  ColumnLines -> {False, False, True, False, False, True, False, False}] // DisplayForm
```

```
affiche[g_List] := Map[affiche, g]
```

```
affiche[donnee]
```

.	.	.	9	6
.	.	.	7	1
.	.	5	.	2	8	3	.	.
.	9	8	1
.	7	3	.
.	4	9	8	.
.	.	3	5	4	.	6	.	.
1	3	.	.	.
2	9	.	.	.

■ Résolution

■ Détermination des chiffres possibles

Extractions de lignes, de colonnes et de carrés:

```
ligne[grille_sdk, i_] := grille[[i]]
```

```
colonne[grille_sdk, j_] := Transpose[Apply[List, grille]][[j]]
```

```
carre[grille_sdk, i_, j_] :=
```

```
Module[{ib, jb, ic, jc}, ib = 3 Quotient[i - 1, 3] + 1; jb = 3 Quotient[j - 1, 3] + 1; Flatten[Table[grille[[ib + ic, jb + jc]], {ic, 0, 2}, {jc, 0, 2}], 1]]
```

Pour une case vide, les chiffres possibles (qu'on pourrait essayer) sont ceux qui ne se trouvent ni dans la ligne, ni dans la colonne, ni dans le carré:

```
case[grille_sdk, i_, j_] := grille[[i, j]] /. IntegerQ[grille[[i, j]]]
```

```
case[grille_sdk, i_, j_] := Complement[Range[1, 9], ligne[grille, i], colonne[grille, j], carre[grille, i, j]]
```

```
possible[grille_sdk] := Apply[sdk, Table[case[grille, i, j], {i, 1, 9}, {j, 1, 9}]];
```

affiche[possible[donnee]]

{3, 4, 7, 8}	{1, 2, 3, 4, 8}	{1, 2, 4, 7}	9	{1, 3, 5}	{1, 5}	{2, 4, 5, 7, 8}	{2, 4, 5, 7}	6
{3, 4, 6, 8, 9}	{2, 3, 4, 6, 8}	{2, 4, 6, 9}	7	{3, 5, 6}	{5, 6}	{2, 4, 5, 8}	{2, 4, 5, 9}	1
{4, 6, 7, 9}	{1, 4, 6}	5	{4, 6}	2	8	3	{4, 7, 9}	{4, 7, 9}
{3, 4, 5, 6}	9	8	1	{3, 5, 6, 7}	{2, 5, 6, 7}	{2, 4, 5, 7}	{2, 4, 5, 6, 7}	{2, 4, 5, 7}
{4, 5, 6}	7	{1, 2, 4, 6}	{2, 6, 8}	{5, 6, 8, 9}	{2, 5, 6}	{1, 2, 4, 5}	3	{2, 4, 5}
{3, 5, 6}	{1, 2, 3, 5, 6}	{1, 2, 6}	{2, 3, 6}	{3, 5, 6, 7}	4	9	8	{2, 5, 7}
{7, 8, 9}	{8}	3	5	4	{1, 2, 7}	6	{1, 2, 7, 9}	{2, 7, 8, 9}
1	{4, 5, 6, 8}	{4, 6, 7, 9}	{2, 6, 8}	{6, 7, 8}	3	{2, 4, 5, 7, 8}	{2, 4, 5, 7, 9}	{2, 4, 5, 7, 8, 9}
2	{4, 5, 6, 8}	{4, 6, 7}	{6, 8}	{1, 6, 7, 8}	9	{1, 4, 5, 7, 8}	{1, 4, 5, 7}	{3, 4, 5, 7, 8}

■ Détermination des grilles qui comportent un chiffre de plus

Tester les impasses.

Former la grille suivante, ou plusieurs grilles lorsqu'il y a plusieurs possibilités, comme suit:

- * choisir une case pour laquelle la liste des chiffres à essayer est de longueur minimale;
- * pour chaque chiffre à essayer, former une grille comportant ce chiffre

```
suisvant[grille_sdk] := Module[{e1, li, lj, nPoss, i, j, k}, e1 = possible[grille];
  If[MemberQ[e1, {}, {2}], {},
    nPoss = 10;
    Do[If[1 ≤ Length[e1[[i, j]]] < nPoss,
      li = i; lj = j; nPoss = Length[e1[[i, j]]],
      {i, 1, 9}, {j, 1, 9}];
    Table[ReplacePart[grille, e1[[li, lj]][[k]], {li, lj}], {k, 1, nPoss}]]]
suisvant[g_List] := Flatten[Map[suisvant, g]]
```

■ Itération

```
resous[grille_] := Nest[suisvant, donnee, 81 - Count[donnee, _Integer, {2}]]
```

```
affiche[ressous[donnee]]
```

8	3	7	9	1	5	4	2	6
9	4	2	7	3	6	8	5	1
6	1	5	4	2	8	3	7	9
3	9	8	1	5	7	2	6	4
4	7	6	8	9	2	1	3	5
5	2	1	3	6	4	9	8	7
7	8	3	5	4	1	6	9	2
1	6	9	2	7	3	5	4	8
2	5	4	6	8	9	7	1	3